

۱ یک بالابر در مدت زمان ۱۰ ثانیه جسمی به جرم 4 kg را از سطح زمین بالا برده و با تندی $10 \frac{m}{s}$ به ارتفاع ۲۰ متری سطح زمین می‌رساند. اگر توان بالابر ۲۰۰ وات باشد، بازده آن چند درصد است؟ $(g = 10 \frac{m}{s^2})$

۴ ۷۰

۳ ۶۰

۲ ۵۰

۱ ۴۰

۲ کدامیک از تبدیل یکه‌های زیر نادرست است؟

۲ $360 \frac{mg}{\mu m \cdot min^2} = 1 Pa$

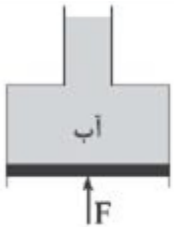
۱ $180 \frac{m}{s} = 10/8 \frac{km}{min}$

۴ $1 \frac{Gg \cdot \mu m}{Ms^2} = 1 pN$

۳ $10^4 \frac{g \cdot cm^2}{ds^2} = 0/1 J$

۳ در شکل زیر مساحت سطح مقطع پیستون پایین ظرف 40 cm^2 و مساحت مقطع بالایی ظرف 10 cm^2 و پیستون در تعادل است. نیروی F حداقل چند نیوتن افزایش یابد تا پیستون ۱cm بالا رود؟

$(g = 10 \frac{N}{kg}, \rho_{\text{آب}} = \frac{1000\text{ kg}}{m^3})$



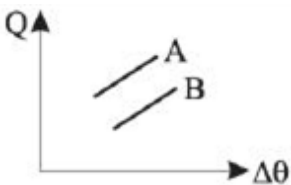
۴ ۱/۵

۳ ۰/۹

۲ ۰/۳

۱ ۱/۲

۴ نمودار گرما برحسب تغییر دمای دو جسم مطابق شکل زیر است. اگر گرمای Q باعث افزایش دمای θ برای جسم A شود، گرمای $2Q$ دمای جسم B را چند θ بالا می‌برد؟



۲ کم‌تر از 2θ

۱ 2θ

۴ اظهار نظر قطعی نمی‌توان کرد.

۳ بیش‌تر از 2θ

۵ یک وانت نیسان با تندی ۷ در حال حرکت است. راننده وانت نیسان با تخلیه مقدار بار، ۳۶ درصد از جرم کل وانت را کم می‌کند. این راننده چند درصد بر تندی حرکت خود بیفزاید تا انرژی جنبشی وانت همان مقدار اولیه باقی بماند؟

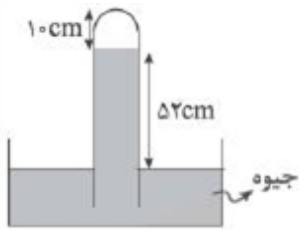
۴ ۲۵%

۳ ۲۰%

۲ ۳۶%

۱ ۶۴%

۶ لوله آزمایشی را مطابق شکل به طور عمودی وارد جیوه کرده‌ایم و ارتفاع هوای محبوس ۱۰cm است. چند سانتی‌متر از لوله را در دمای ثابت بیرون بیاوریم تا ارتفاع هوای محبوس $\frac{6}{5}$ حالت قبل شود؟ (فشار هوا ۷۶ cm Hg است.)



۱۲ (۴)

۶ (۳)

۴ (۲)

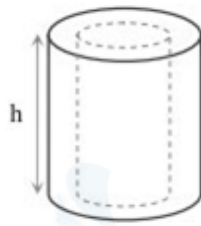
۲ (۱)

۷ در چند مورد فشار جسم بر تکیه‌گاه درست محاسبه شده است؟



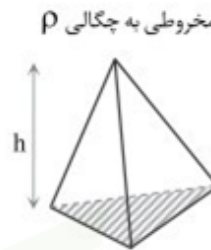
$$P = \frac{mg}{a}$$

۴ (۴)



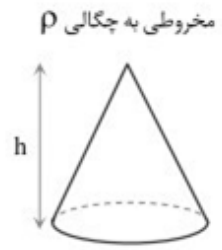
$$P = \rho gh$$

۳ (۳)



$$P = \frac{1}{3} \rho gh$$

۲ (۲)



$$P = \frac{1}{3} \rho gh$$

۱ (۱)

۸ کره‌ای به شعاع ۱۰cm جرمی معادل ۳۲ کیلوگرم دارد. اگر درون حفره آن را با جیوه پر کنیم چگالی مجموعه‌ی جدید

چند گرم بر سانتی‌متر مکعب خواهد بود؟ $\left(\rho_{\text{کره}} = 10 \frac{g}{\text{cm}^3} \text{ و } \pi \cong 3 \text{ و } \rho_{\text{Hg}} = 14 \frac{g}{\text{cm}^3} \right)$

۱۰/۸ (۴)

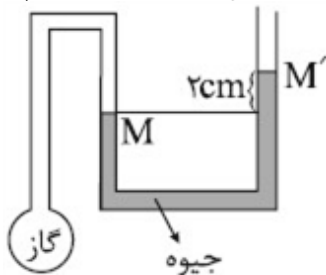
۱۲/۲ (۳)

۱۱/۶ (۲)

۱۲/۸ (۱)

۹ در شکل زیر، دمای گاز کامل محبوس درون مخزن ۲۷ درجه‌ی سلسیوس است. اگر دمای گاز را ۳۰ درجه‌ی سلسیوس افزایش دهیم، برای این‌که ارتفاع جیوه در شاخه‌ی M ثابت بماند، باید ۸ سانتی‌متر جیوه به شاخه‌ی M' اضافه کنیم. فشار اولیه‌ی گاز مخزن چند پاسکال بوده است؟

$$\left(\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{g}{\text{cm}^3}, g = 10 \frac{N}{\text{kg}} \right)$$



۱۰۶۶۰۸ (۴)

۱۰۸۸۰۰ (۳)

۱۰۲۴۰۰ (۲)

۱۲۲۴۰۰ (۱)

۱۰

در یک لوله‌ی استوانه‌ای که مساحت قاعده‌ی آن 5cm^2 است، 136 گرم جیوه و 136 گرم آب می‌ریزیم. اگر چگالی جیوه و چگالی آب به ترتیب $\frac{g}{\text{cm}^3}$ و $\frac{g}{\text{cm}^3}$ باشد، فشار در ته لوله چند پاسکال است؟

$$\left(P_0 = 76 \text{ cmHg}, g = 10 \frac{m}{s^2} \right)$$

- ۱) $54/4$ ۲) 54400 ۳) $108/8$ ۴) 108800

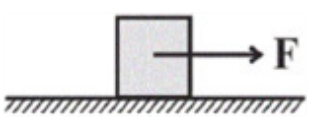
۱۱

بالبری با وارد کردن نیروی قائم و ثابت 300N ، جعبه‌ای به جرم 10kg را از حال سکون و در امتداد قائم به اندازه $2/5$ متر از سطح زمین بالا می‌برد. کار کل انجام شده روی جعبه و تندی نهایی جعبه به ترتیب از راست به چپ چند ژول و چند متر بر ثانیه است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$ و از مقاومت هوا صرف‌نظر کنید).

- ۱) $10 - 1000$ ۲) $5\sqrt{2} - 500$ ۳) $10\sqrt{2} - 1000$ ۴) $10 - 500$

۱۲

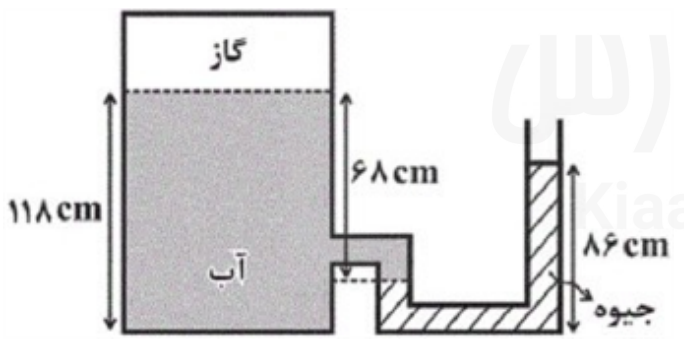
مطابق شکل جعبه‌ای را با نیروی افقی و ثابت F روی یک سطح افقی بدون اصطکاک می‌کشیم. برای آن‌که تندی جعبه از صفر به برسد، کار نیروی F برابر W_1 و برای آن‌که تندی جعبه از v به $2v$ برسد، کار نیروی F برابر W_2 است. حاصل $\frac{W_2}{W_1}$ کدام است؟



- ۱) $\frac{1}{3}$ ۲) 3 ۳) 2 ۴) 4

۱۳

در شکل زیر، آب و جیوه در حال تعادل قرار دارند. فشار پیمانه‌ای گاز محبوس درون مخزن چند سانتی‌متر جیوه است؟ ($\rho_{\text{جیوه}} = 13/6 \frac{g}{\text{cm}^3}$, $\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{g}{\text{cm}^3}$)



- ۱) 36 ۲) 62 ۳) 72 ۴) 31

مطابق شکل، جرم مجسمه برنزی 20 kg و حجم آن 0.2 m^3 است. اگر چگالی برنز $\frac{g}{\text{cm}^3}$ باشد، حجم فضای خالی

درون مجسمه چند متر مکعب است؟



- ۱ $1/75 \times 10^{-2}$ ۲ $2/5 \times 10^{-2}$ ۳ $2/5 \times 10^{-3}$ ۴ $1/75 \times 10^{-3}$

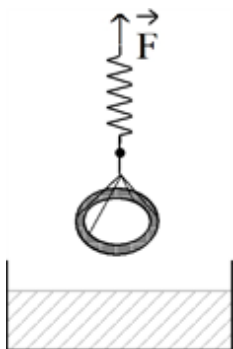
۱۵ برای آن که نیروی خالصی، بتواند تندی جسمی را از صفر به v برساند، باید مقدار کار W را روی آن جسم انجام دهد. اگر قرار باشد تندی این جسم از v به $4v$ برسد، کار خالصی که باید روی جسم انجام شود چند برابر W است؟

- ۱ ۳ ۲ ۱۵ ۳ ۴ ۴ ۱۶

۱۶ اگر در دستگاهی از یکاها، جرم را بر حسب Gg و شتاب را بر حسب $\frac{mm}{h^2}$ بیان کنیم، یکای نیرو در این دستگاه تقریباً چند نیوتون است؟

- ۱ $7/7 \times 10^{-5}$ ۲ $7/7 \times 10^{-2}$ ۳ $8/7 \times 10^{-5}$ ۴ $8/7 \times 10^{-2}$

۱۷ یک حلقه فلزی سبک را به یک فنر نازک می‌آویزیم و مجموعه‌ی دو جسم را بالای یک ظرف محتوی آب مطابق شکل نگه می‌داریم. اگر مجموعه را به آرامی پایین ببریم تا حلقه وارد آب شود و سپس به آرامی مجموعه را بالا بکشیم تا حلقه از آب خارج گردد، طول فنر در لحظه‌ی ورود حلقه به آب و لحظه‌ی خروج آن از آب به ترتیب از راست به چپ، چگونه تغییر می‌کند؟



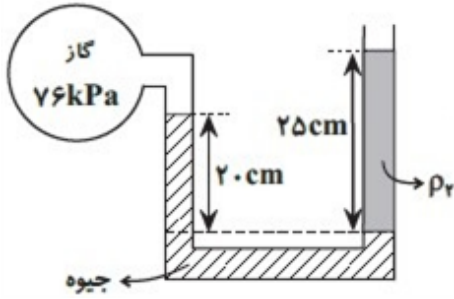
- ۱ افزایش - افزایش ۲ کاهش - کاهش ۳ کاهش - افزایش ۴ افزایش - کاهش

۱۸ یک فرایند ترمودینامیکی ایستاوار، درون محفظه‌ای بسته حاوی گاز کامل انجام می‌شود. این محفظه درون ظرفی محتوی 500 گرم یخ با دمای صفر درجه‌ی سلسیوس قرار دارد. اگر در پایان فرایند، تمام یخ ذوب شود و دمای آن صفر درجه‌ی سلسیوس باشد و انرژی درونی گاز درون محفظه در طی فرایند 270 kJ افزایش یابد، کاری که گاز درون محفظه روی محیط انجام می‌دهد برحسب کیلوژول کدام است؟ $L_F = 340 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ و تبادل انرژی فقط بین یخ و گاز درون محفظه انجام می‌شود.)

- ۱ ۱۰۰ ۲ -۱۰۰ ۳ ۴۴۰ ۴ -۴۴۰

درون لوله‌ی U شکلی که به یک مخزن محتوی گاز وصل شده است، جیوه و مایعی با چگالی ρ_2 وجود دارد. اگر فشار

هوای محیط ۱۰۱ kPa باشد، چگالی مایع برحسب $\frac{kg}{m^3}$ کدام است؟ $\left(g = 10 \frac{N}{kg} \text{ و } \rho_{\text{جیوه}} = 13600 \frac{kg}{m^3} \right)$



- ۱) ۸ / ۸ ۲) ۸۸۰ ۳) ۳ / ۴۵ ۴) ۳۴۵

سه جسم با دماهای اولیه θ_1, θ_2 و θ_3 با هم مبادله گرما می‌کنند و به تعادل گرمایی می‌رسند. در کدام یک از حالت‌های زیر، دمای تعادل آن‌ها الزاماً $\theta = \frac{\theta_1 + \theta_2 + \theta_3}{3}$ می‌شود؟

- ۱) جنس هر سه جسم یکسان باشد. ۲) جرم هر سه جسم یکسان باشد.
 ۳) حجم هر سه جسم یکسان باشد. ۴) ظرفیت گرمایی هر سه جسم یکسان باشد.

۲۱) جسمی به حجم 100 cm^3 را درون ظرفی که حاوی دو مایع مخلوط نشدنی به چگالی $\rho_1 = 1 \frac{g}{\text{cm}^3}$ و ρ_2 است، وارد می‌کنیم. با فرض این‌که $\frac{1}{4}$ حجم جسم در مایع (۲) و $\frac{3}{4}$ آن در مایع (۱) قرار گیرد، نیروی شناوری $1/25N$ بر جسم وارد می‌شود. چگالی مایع (۲) چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟ $\left(g = 10 \frac{N}{kg} \right)$

- ۱) ۸۰۰ ۲) ۱۲۰۰ ۳) ۱۵۰۰ ۴) ۲۰۰۰

۲۲) درون ظرفی حاوی ۱ kg آب $30^\circ C$ ، مقداری یخ $10^\circ C$ می‌اندازیم. اگر گرمای مبادله‌شده برای رسیدن به دمای تعادل 84 kJ باشد، جرم یخ تقریباً چند گرم بوده است؟
 $\left(L_F = 330 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}, c_{\text{یخ}} = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot K}, c_{\text{آب}} = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot K} \text{ و تبادل حرارتی با محیط ناچیز است.} \right)$

- ۱) ۲۵۰ ۲) ۲۱۰ ۳) ۳۰۰ ۴) ۲۸۰

۲۳) کدام یک از موارد زیر درست است؟

- ۱) پرتقال پوست‌کنده روی آب شناور می‌ماند و پرتقال با پوست در آب فرو می‌رود.
 ۲) وزن یک لیتر یخ از یک لیتر آب بیشتر است.
 ۳) آب ماده‌ی مناسبی برای خاموش کردن آتش ناشی از بنزین نیست، چون چگالی آن بیش‌تر از بنزین است.
 ۴) چگالی بدن انسان برابر است با مجموع چگالی‌های اجزای تشکیل‌دهنده‌ی آن

۲۴) حجم‌های برابر از دو مایع به چگالی‌های ρ و 4ρ را با یکدیگر مخلوط می‌کنیم. اگر پس از مخلوط کردن چگالی مایع حاصل 3ρ شود، مایع‌ها پس از اختلاط چند درصد کاهش حجم داشته‌اند؟

- ۱) ۱۳ / ۳ ۲) ۱۶ / ۶ ۳) ۲۰ ۴) ۲۵

جرم جسم‌های A و B به ترتیب $2m$ و $3m$ است. اگر برآیند نیروهای وارد بر دو جسم یکسان باشد، جسم A از حالت سکون شروع به حرکت نموده و پس از جابه‌جایی d سرعت آن به V می‌رسد. سرعت اولیه‌ی جسم B در جهت نیروی برآیند چه قدر باید باشد تا پس از جابه‌جایی d سرعت آن به $2V$ برسد؟

$$\frac{3\sqrt{6}}{2} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{6}}{2} \quad (3)$$

$$\frac{2\sqrt{6}}{3} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{6}}{6} \quad (1)$$



گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا به کمک قضیه‌ی کار و انرژی جنبشی، کار نیروی بالابر را حساب می‌کنیم. به جسم، نیروهای بالابر و وزن وارد می‌شوند، بنابراین:

$$W_t = \Delta K \Rightarrow W_{\text{بالابر}} + W_{\text{mg}} = \frac{1}{2} m (v_2^2 - v_1^2)$$

به صورت جداگانه کار نیروی وزن را به کمک رابطه‌ی زیر محاسبه می‌کنیم:

$$W_{\text{mg}} = -mg\Delta h = -4 \times 10 \times (20 - 0) = -800 \text{ J}$$

با جایگذاری کار نیروی وزن، جرم و تندهای اولیه و ثانویه در رابطه‌ی اول، کار بالابر محاسبه می‌شود:

$$W_{\text{بالابر}} - 800 = \frac{1}{2} \times 4 \times ((10)^2 - 0^2) \Rightarrow W_{\text{بالابر}} = 200 + 800 = 1000 \text{ J}$$

بالابر جسم را در مدت‌زمان ۱۰s بالا برده است، پس توان مفید بالابر از رابطه‌ی زیر محاسبه می‌شود:

$$P_{\text{مفید}} = \frac{W}{t} = \frac{1000}{10} = 100 \text{ W}$$

بنابراین بازده برابر است با:

$$\text{بازده برحسب درصد} = \frac{P_{\text{مفید}}}{P_{\text{ورودی}}} \times 100 = \frac{100}{200} \times 100 = 50\%$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

$$180 \frac{m}{s} = 180 \times 10^{-3} \times 60 \frac{\text{km}}{\text{min}} = 10/8 \frac{\text{km}}{\text{min}}$$

گزینه‌ی ۱:

$$360 \frac{\text{mg}}{\mu\text{m} \cdot \text{min}^2} = 360 \times 10^{-6} \frac{\text{kg}}{10^{-6} \text{m} \times 60^2 \text{s}^2} = 0/1 \text{ Pa}$$

گزینه‌ی ۲:

$$10^4 \frac{\text{g} \cdot \text{cm}^2}{\text{ds}^2} = 10^4 \times \frac{10^{-3} \times 10^{-4} \times \text{kg} \times \text{m}^2}{10^{-2} \text{s}^2} = 0/1 \text{ J}$$

گزینه‌ی ۳:

$$1 \frac{\text{Gg} \cdot \mu\text{m}}{\text{Ms}^2} = \frac{10^9 \times 10^{-6} \times 10^{-6} \times \text{kg} \cdot \text{m}}{10^{12} \text{s}^2} = 10^{-12} \text{ N} = 1 \text{ pN}$$

گزینه‌ی ۴:

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

با بالا رفتن ۱cm پیستون حجم $V = 1 \times 40 = 40 \text{ cm}^3$ از آب سطح مقطع پهن کاسته و همین حجم به سطح مقطع

باریک اضافه می‌شود و ارتفاع مایع در آن قسمت به اندازه $h' = 4 \text{ cm}$ افزایش می‌یابد، بنابراین

ارتفاع مایع بالای پیستون در حالت دوم به اندازه $4 - 1 = 3 \text{ cm}$ افزایش یافته است:

$$\Delta F = \Delta PA \Rightarrow \Delta F = \left(1000 \times 10 \times \frac{3}{100} \right) \times (40 \times 10^{-4}) = 12 \text{ N}$$

۴

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

با توجه به رابطه گرما $Q = C\Delta\theta \Rightarrow C = \frac{Q}{\Delta\theta}$ ، ظرفیت گرمایی برابر شیب نمودار $Q - \Delta\theta$ است. با توجه به نمودار داده شده، دو خط A و B با هم موازی‌اند و شیب آن‌ها برابر است.

$$C_A = C_B$$

$$Q_A = C_A\theta \Rightarrow Q = C_A\theta$$

$$Q_B = C_B\theta' \xrightarrow{C_A=C_B} Q = C_A\theta' \xrightarrow{Q=C_A\theta} C_A\theta = C_A\theta' \Rightarrow \theta' = \theta$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

۵

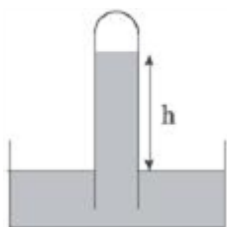
$$\frac{v}{\cancel{m}} mv^2 = \frac{v}{\cancel{m}} \times m' \times (v')^2 \Rightarrow mv^2 = \left(m - \frac{26}{100}m\right)v^2$$

$$\Rightarrow \cancel{m} = \frac{64}{100} \cancel{m} \times v^2 \Rightarrow v^2 = \frac{100}{64}v^2 \Rightarrow v' = \frac{10}{8}v$$

$$\Rightarrow v' = \frac{1}{8}v + \frac{2}{8}v \Rightarrow v' = v + \frac{25}{100}v$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. برای هوای محبوس خواهیم داشت:

۶



$$P_{\text{جو}} + 52 \text{ cm Hg} = 76 \text{ cm Hg} \Rightarrow P = 24 \text{ cm Hg}$$

با توجه به قانون عمومی گازها برای حالت اول و دوم می‌توانیم بنویسیم:

$$P_1 V_1 = P_2 V_2$$

$$\Rightarrow 24 \times 10 \times A = P_2 \times \frac{6}{5} \times 10 \times A \Rightarrow P_2 = 20 \text{ cm Hg}$$

$$h = 76 - 20 = 56 \text{ cm}$$

$$(56 + 12) - (52 + 10) = 6 \text{ cm}$$

پس تغییر ارتفاع لوله:

۶ سانتی‌متر لوله را بیرون بیاوریم.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

۷

نادرستی گزینه‌ی «۱»: ($F_N < mg$)

درستی گزینه‌ی «۲»:

$$P = \frac{mg}{A} = \frac{Ph(A_2 - A_1)}{(A_2 - A_1)} (A_2 - A_1) h$$

حجم استوانه:

$$P = \frac{mg}{A} = \frac{\left(\frac{1}{r} Ah\right) Pa}{A} = \frac{1}{r} Pgh$$

درستی گزینه‌ی «۳»:

$$P = \frac{mg}{A} = \frac{PV_g}{A} = \frac{P\left(\frac{1}{r} Ah\right)g}{A} = \frac{1}{r} Pgh$$

درستی گزینه‌ی «۴»:

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. اگر کره توپر باشد:

$$V = \frac{4}{3}(\pi)(R^3) = \left(\frac{4}{3}\right)(\pi)(10)^3 = 4000 \text{ cm}^3$$

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow 10 = \frac{32000}{V} \Rightarrow V = 3200 \text{ cm}^3$$

بنابراین حفره‌ی درون این کره حجمی معادل 800 cm^3 است.

$$\rho = \frac{m_1 + m_2}{V_1 + V_2} \Rightarrow \frac{(800)(14) + (32000)}{4000} = \frac{144000}{4000} = 10/8$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به این که ارتفاع جیوه در شاخه‌ی M ثابت می‌ماند بنابراین حجم گاز ثابت است،

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \quad \text{پس:}$$

$$\frac{P_1 + 2}{\theta_1 + 273} = \frac{P_2 + 10}{\theta_2 + 273} \Rightarrow \frac{P_1 + 2}{300} = \frac{P_2 + 10}{330}$$

$$\frac{P_1 + 2}{10} = \frac{P_2 + 10}{11} \Rightarrow 11P_1 + 22 = 10P_2 + 100 \Rightarrow P_1 = 78 \text{ cmHg}$$

$$\Rightarrow P_1 = P_2 + 2 = 80 \text{ cmHg}$$

$$P = \rho gh = (13/6 \times 10^3) \times 10 \times \frac{80}{100} = 108800 \text{ Pa}$$

با توجه به این که پس از افزایش دمای گاز، جهت ثابت ماندن ارتفاع جیوه در شاخه‌ی M، به ارتفاع جیوه در شاخه‌ی M'، ۸ سانتی‌متر اضافه می‌شود. می‌توان نتیجه گرفت که فشار گاز به اندازه‌ی ۸ سانتی‌متر جیوه افزایش یافته است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$P_{\text{کل}} = P_{\text{آب}} + P_{\text{جیوه}} + P_2 = \left(\frac{mg}{A}\right)_{\text{آب}} + \left(\frac{mg}{A}\right)_{\text{جیوه}} + P_2$$

$$\Rightarrow P_{\text{کل}} = \left(\frac{136 \times 10^{-3} \times 10}{5 \times 10^{-4}}\right) + \left(\frac{136 \times 10^{-3} \times 10}{5 \times 10^{-4}}\right) + (76 \times 1360) = 108800 \text{ Pa}$$

نکته: اگر چگالی جیوه $\frac{g}{\text{cm}^3}$ و $13/6 \frac{N}{\text{kg}}$ باشد، آن‌گاه برای تبدیل cmHg به Pa کافی است که مقدار cmHg را در عدد ۱۳۶۰ ضرب کنیم که این کار را در این سوال برای P انجام دادیم.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. طبق قضیه‌ی کار - انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta K = K_2 - K_1 \xrightarrow{K_1=0} W_t = K_2 \quad (1)$$

$$W_t = W_{\text{بالابر}} + W_{\text{وزن}} \quad (2), \quad W_{\text{بالابر}} = (F \cos \theta)d \quad \text{از طرفی:}$$

$$W_{\text{بالابر}} = Fd = 300 \times 2/5 = 750 \text{ J}$$

$$W_{\text{وزن}} = (mg \cos 180^\circ)d = (10 \times 10 \times (-1)) \times 2/5 = -250 \text{ J}$$

$$W_t = 750 \text{ J} + (-250 \text{ J}) = 500 \text{ J} \quad \text{طبق رابطه‌ی ۲ کار کل برابر است با:}$$

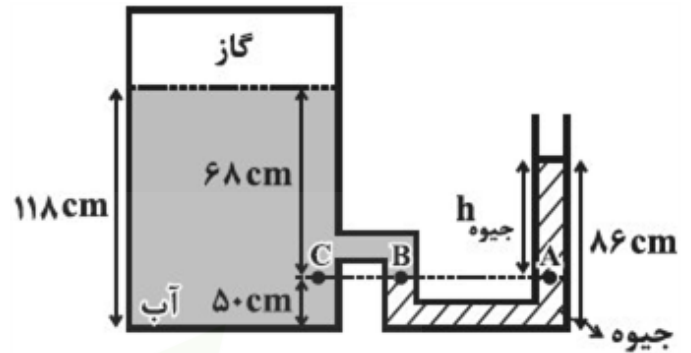
$$W_t = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow 500 = \frac{1}{2} \times 10 \times v^2 \Rightarrow v_2 = 10 \frac{m}{s} \quad \text{بنابراین با استفاده از رابطه‌ی ۱:}$$

$$W_1 = \Delta K_1 \xrightarrow{\Delta K_1 = \frac{1}{2}mv^2 - 0} W_1 = \frac{1}{2}mv^2 \quad (1)$$

$$W_2 = \Delta K_2 \xrightarrow{\Delta K_2 = \frac{1}{2}m(v^2) - \frac{1}{2}mv^2} W_2 = \frac{3}{2}mv^2 \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \frac{W_2}{W_1} = \frac{\frac{3}{2}mv^2}{\frac{1}{2}mv^2} = 3$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.



با توجه به برابری فشار در نقاط هم‌تراز از یک مایع ساکن، داریم:

$$\left. \begin{array}{l} P_A = P_B \\ P_B = P_C \end{array} \right\} \Rightarrow P_A = P_C$$

$$P_{\text{آب}} + P_{\text{جیوه}} = P_{\text{گاز}} + P_{\text{آب}} \Rightarrow P_{\text{گاز}} - P_{\text{آب}} = P_{\text{جیوه}} - P_{\text{آب}}$$

بنابراین برای محاسبه فشار پیمانه‌ای گاز محبوس، فقط کافی است که فشار ستون آب را برحسب سانتی‌متر جیوه محاسبه کرده و در رابطه فوق قرار دهیم:

$$P_{\text{آب}} = \rho_{\text{جیوه}} gh_{\text{جیوه}} \Rightarrow \rho_{\text{آب}} h_{\text{آب}} = \rho_{\text{جیوه}} h_{\text{جیوه}}$$

$$\Rightarrow 1 \times 68 = 13/6 \times h_{\text{جیوه}} \Rightarrow h_{\text{جیوه}} = 5 \text{ cmHg}$$

بنابراین فشار پیمانه‌ای گاز درون مخزن برابر است با:

$$P_g = P_{\text{جیوه}} - P_{\text{آب}} = h_{\text{جیوه}} - h_{\text{آب}} = (86 - 50) - 5 \Rightarrow P_g = 31 \text{ cmHg}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. زیرا می‌توان نوشت:

$$\rho = \frac{g}{\text{cm}^2} = 8000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$\text{حجم فلز مجسمه} = V = \frac{m}{\rho} = \left(\frac{20}{8000} \right) \text{m}^3 = \frac{1}{400} \text{m}^3 = 0/0025 \text{m}^3$$

$$\text{حجم فضای خالی درون مجسمه} = V' = (0/02 - 0/0025) \text{m}^3 = 0/0175 \text{m}^3 = 1/75 \times 10^{-2} \text{m}^3$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. طبق قضیه‌ی کار - انرژی جنبشی داریم:

$$W = K_2 - K_1$$

$$W = K_2 - K_1 = \frac{1}{2}mv^2 - 0 = \frac{1}{2}mv^2 \quad \text{در حالت اول داریم:}$$

$$W' = K'_2 - K'_1 = \frac{1}{2}m(4v)^2 - \frac{1}{2}mv^2 = 15 \times \frac{1}{2}mv^2 \quad \text{در حالت دوم داریم:}$$

$$\Rightarrow \frac{W'}{W} = 15 \Rightarrow W' = 15W$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$\frac{1}{2} \frac{mm}{h^2} = \left(\frac{1}{2} \frac{mm}{h^2} \right) \left(\frac{h^2}{3600^2 s^2} \right) \left(\frac{10^{-2} m}{1 mm} \right) = \frac{10^{-2} m}{3600^2 s^2}$$

$$1Gg = 10^6 kg$$

$$F = ma = (1Gg) \frac{(1mm)}{h^2} = (10^6 kg) \left(\frac{10^{-2} m}{3600^2 s^2} \right)$$

$$= 10^6 \times \frac{10^{-2}}{3600^2} \left(\frac{kg \cdot m}{s^2} \right) = 7/7 \times 10^{-5} N$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در هنگام ورود حلقه به آب، نیروی ارشمیدس که جهت آن به سوی بالا است ایجاد می‌شود و باعث کاهش وزن ظاهری و نیروی کشش فنر می‌شود و طول فنر کاهش می‌یابد و هنگام خروج حلقه از آب، نیروی ارشمیدس از بین می‌رود و دوباره فنر باز می‌شود.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. مقدار گرمایی که یخ احتیاج دارد تا ذوب شود، از گاز درون محفظه گرفته می‌شود که برابر است با:

$$|Q| = mL_F = 0/5 \times 340 \times 10^3 = 170 \times 10^3 J = 170 kJ$$

چون گاز درون محفظه این مقدار گرما را از دست می‌دهد:

$$Q = -170 kJ$$

از طرفی، انرژی دورنی محفظه افزایش یافته است:

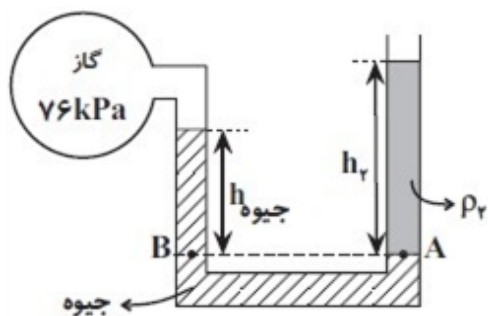
$$\Delta U = 270 kJ$$

طبق قانون اول ترمودینامیک داریم:

$$\Delta U = Q + W \Rightarrow 270 = -170 + W \Rightarrow W = 440 kJ$$

کاری که محیط روی گاز درون محفظه انجام می‌دهد، برابر با ۴۴۰ kJ است. پس کاری که گاز درون محفظه روی محیط انجام می‌دهد برابر با ۴۴۰ kJ - است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. اگر دو نقطه‌ی هم‌تراز را در نظر بگیریم، نتیجه می‌گیریم فشار در نقاط A و B با هم برابر است. بنابراین:



$$P_A = P_B$$

$$P_o + \rho_r g h_r = P_{\text{گاز}} + \rho_{\text{جیوه}} g h_{\text{جیوه}}$$

$$\Rightarrow 101 \times 10^3 + \rho_r \times 10 \times (25 \times 10^{-2})$$

$$= 76 \times 10^3 + 13600 \times 10 \times (20 \times 10^{-2})$$

$$\Rightarrow \rho_r = 880 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = 0$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$m_1 c_1 (\theta - \theta_1) + m_2 c_2 (\theta - \theta_2) + m_3 c_3 (\theta - \theta_3) = 0$$

$$\Rightarrow \theta = \frac{m_1 c_1 \theta_1 + m_2 c_2 \theta_2 + m_3 c_3 \theta_3}{m_1 c_1 + m_2 c_2 + m_3 c_3}$$

اگر ظرفیت گرمایی یکسان باشد، می‌توان نوشت:

$$\theta = \frac{m_1 c_1 (\theta_1 + \theta_2 + \theta_3)}{m_1 c_1 (1 + 1 + 1)} = \frac{\theta_1 + \theta_2 + \theta_3}{3}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. نیروی شناوری (F_b) نیرویی است که از طرف شاره بر جسم وارد می‌شود. با توجه به این که در ظرف دو مایع داریم و جسم درون هر دو مایع قرار دارد، می‌توان نتیجه گرفت که از طرف هر دو مایع بر جسم نیروی شناوری وارد می‌شود.

$$F_b = (\rho V g)_1 + (\rho V g)_2 \quad \left(\frac{1}{4} \text{ و } \frac{3}{4} \text{ حجم آن درون مایع (۲) قرار می‌گیرد} \right)$$

$$F_b = \left(\rho \left(\frac{3}{4} V \right) g \right)_1 + \left(\rho \left(\frac{1}{4} V \right) g \right)_2 \Rightarrow 125$$

$$= \left(10^3 \times \frac{3}{4} \times 100 \times 10^{-6} \times 10 \right) + \left(\rho_2 \times \frac{1}{4} \times 100 \times 10^{-6} \times 10 \right)$$

$$\Rightarrow 125 = 0.75 + \frac{\rho_2 \times 10^{-2}}{4} \Rightarrow 125 - 0.75 = \frac{10^{-2} \rho_2}{4} \Rightarrow \rho_2 = 2000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا باید بینیم گرمایی که آب از دست می‌دهد، دمای آب را به چند درجه‌ی سلسیوس

$$Q' = mc\Delta\theta \Rightarrow -84000 = 1 \times 4200 \times \Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = -20^\circ C \quad \text{می‌رساند:}$$

$$\Delta\theta = \theta_r - \theta_1 \Rightarrow -20 = \theta_r - 30 \Rightarrow \theta_r = 10^\circ C$$

در نتیجه دمای تعادل مجموعه به $10^\circ C$ می‌رسد.

$$30^\circ C \xrightarrow{Q_1} 10^\circ C \xrightarrow{Q_2} 10^\circ C \xrightarrow{Q_3} 10^\circ C \xrightarrow{Q_4} 10^\circ C$$

$$Q_1 + Q_2 + Q_3 = Q'$$

$$\Rightarrow (mc\Delta\theta)_{\text{بخ}} + mL_F + (mc\Delta\theta)_{\text{آب}} = (m'c\Delta\theta')_{\text{آب}}$$

$$\Rightarrow (m \times 2100 \times 10) + (m \times 330000) + (m \times 4200 \times 10) = 1 \times 4200 \times 20$$

طرفین را بر تقسیم می‌کنیم 1000

$$\rightarrow 21m + 330m + 42m = 84 \Rightarrow 393m = 84 \Rightarrow m \cong 0.21 \text{ kg} \cong 210 \text{ g}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. آب ماده‌ی مناسبی برای خاموش کردن آتش ناشی از بنزین نیست. چون چگالی آن (1000 kg/m^3) بیش‌تر از بنزین (680 kg/m^3) است و نمی‌تواند روی بنزین قرار گرفته و جلوی ترکیب شدن بنزین با هوا و سوختن آن را بگیرد.

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. حجم هر مایع را V فرض می‌کنیم:

$$\begin{cases} m_1 = \rho_1 V_1 = \rho V \\ m_2 = \rho_2 V_2 \end{cases} \Rightarrow M = m_1 + m_2 = 5\rho V$$

$$\rho_{\text{مخلوط}} = \frac{M}{V_x} \Rightarrow 3\rho = \frac{5\rho V}{V_x} \Rightarrow V_x = \frac{5}{3}V$$

$$\text{کاهش حجم} = 2V - \frac{5}{3}V = \frac{1}{3}V$$

$$\text{درصد کاهش حجم} = \frac{\text{کاهش حجم}}{\text{حجم اولیه}} \times 100 = \frac{\frac{1}{3}V}{3V} \times 100 \cong 11.1\%$$

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به قضیه‌ی کار و انرژی، کار برآیند نیروهای وارد بر یک جسم در طی یک جابه‌جایی با تغییر انرژی جنبشی آن جسم برابر است. این قضیه را برای هر یک از دو جسم به کار می‌بریم:

$$A \text{ جسم: } W_{\Sigma f} = \Delta K = \Sigma F \times d \times \cos 0 = \frac{1}{2} \times 2m \times (V^2 - 0^2) \quad (I)$$

$$B \text{ جسم: } W_{\Sigma f} = \Delta K = \Sigma F \times 2d \times \cos 0 = \frac{1}{2} \times 3m \times ((2V)^2 - V^2) \quad (II)$$

$$(I)(II) \Rightarrow \frac{\Sigma F \times 2d}{\Sigma F \times d} = \frac{\frac{1}{2} \times 3m \times (4V^2 - V^2)}{\frac{1}{2} \times 2m \times V^2} \Rightarrow 4V^2$$

$$3V^2 = 4V^2 \Rightarrow V^2 = \frac{4}{3}V^2 \Rightarrow V = \frac{2\sqrt{6}}{3}V$$

۱	۱	۲	۳	۴
۲	۱	۲	۳	۴
۳	۱	۲	۳	۴
۴	۱	۲	۳	۴
۵	۱	۲	۳	۴
۶	۱	۲	۳	۴
۷	۱	۲	۳	۴
۸	۱	۲	۳	۴
۹	۱	۲	۳	۴
۱۰	۱	۲	۳	۴
۱۱	۱	۲	۳	۴
۱۲	۱	۲	۳	۴
۱۳	۱	۲	۳	۴
۱۴	۱	۲	۳	۴
۱۵	۱	۲	۳	۴
۱۶	۱	۲	۳	۴
۱۷	۱	۲	۳	۴
۱۸	۱	۲	۳	۴
۱۹	۱	۲	۳	۴
۲۰	۱	۲	۳	۴
۲۱	۱	۲	۳	۴
۲۲	۱	۲	۳	۴
۲۳	۱	۲	۳	۴
۲۴	۱	۲	۳	۴
۲۵	۱	۲	۳	۴

